# О когерентном электронном транспорте в наноконтактах «Nb – DNA – Nb»

Д.М. Сергеев<sup>1,2\*</sup>, Н.М. Тумышев<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Актюбинский региональный государственный университет им. К. Жубанова, пр. Молдагуловой, 34, 030000 Актобе, Казахстан

<sup>2</sup> Военный институт Сил воздушной обороны им. Т.Я. Бегельдинова, пр. Молдагуловой, 39, 030012 Актобе, Казахстан

(Получено 12.08.2018; в отредактированной форме – 24.10.2018; опубликовано online 29.10.2018)

В рамках полуэмпирического метода Хюккеля исследован когерентный электронный транспорт наносистемы «Nb – DNA – Nb». Расчет реализован в программе Atomistix ToolKit with Virtual NanoLab. Рассчитаны спектр пропускания, вольтамперная характеристика и дифференциальная проводимость наносистемы. Показано, что в интервале напряжении смещения  $V_{bias} = -0.8 \div 0.8$  В фрагмент молекулы ДНК ведет себя как диэлектрик и через него не течет электрический ток, при этом на вольтамперной характеристике наноконтакта формируется разрыв напряжения с шириной 1,6 В. В области контактирования ядра наносистемы (фрагмента ДНК) с ниобием имеет место ограничение транспорта квазичастиц через наноконтакт, подобное кулоновской блокаде, но этот эффект вносит незначительный вклад в электротранспорт наносистемы. Полученные результаты могут быть полезными для расчетов перспективных элементов органической наноэлектроники.

Ключевые слова: Наноконтакт, Дезоксирибонуклеиновая кислота (ДНК), Электронный транспорт, Вольтамперная характеристика, Дифференциальная проводимость, Функция (спектр) пропускания.

DOI: 10.21272/jnep.10(5).05027

PACS numbers: 73.63. - b, 73.40. - c, 72.90. + y

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Одним из основных задач современной электроники является миниатюризация электронных компонентов [1, 2]. Современная кремниевая электроника уже подошло к своему физическому пределу, обусловленному фундаментальными характеристиками кремниевых материалов. Поэтому в настоящее время для создания новых типов электронных приборов микро- и наноэлектроники все более актуальным становится освоение новых материалов с контролируемыми электрофизическими свойствами. В этом плане особое внимание уделяется экзотическим наноматериалам, отличающимся принципиально новыми свойствами от традиционных полупроводниковых [3-6]. Одним из таких нанообъектов является дезоксирибонуклеиновая кислота (ДНК, DNA).

После обнаружения электропроводности ДНК интенсивно началось исследование электронного транспорта в новом классе низкоразмерных наноструктур – в нанобиогибридных комплексах с фрагментами нуклеиновых кислот (олигонуклеотидами). Повышенный интерес к таким структурам связан с возможным применением олигонуклеотидов для дальнейшей миниатюризации элементов электронных схем с более высокой энергоэффективной характеристикой и быстродействием [7]. Однако экспериментальные результаты, связанные с измерением электрических характеристик олигонуклеотидов, сильно расходятся, представляя его в виде полупроводникого или проводящего материала, а в интерфейсе «ДНК - сверхпроводник» даже в виде индуцированного сверхпроводника [8]. Расхождение результатов связано с трудностью работы в наноразмерных масштабах, например, не всегда возможно четко контролировать расстояние между электродом и молекулой ДНК, характер туннельного барьера и т.п. Помимо этого, к результатам эксперимента по измерению электропроводности ДНК сильно влияют и другие специфические факторы, такие как, последовательность ДНК, длина молекулы, характер молекулы ДНК, окружающая среда, структура ДНК, межфазный характер и т.п. (см. например [9] и цитируемые в них работы). В связи с этим, для выяснения и описания механизмов квантового транспорта в рассматриваемых объектах необходимо разработать надежные теоретические модели. Обычно для решения подобных задач используются модели из первых принципов (ab initio), обладающие прогностической мощностью и часто дающие разумные результаты, при отсутствии предварительных экспериментальных данных. Например, в работе [10], в рамках теории функционала плотности (DFT) с использованием кода DMol<sup>3</sup> (M06-L/DNP), были описаны слабые взаимодействия с учетом влияния длины ДНК-цепи на энергию, связанную как с водородными связями, так и с п-п-связями. Однако использование одночастичных состояний уравнения Кона-Шэма для систем с незанятыми уровнями энергии довольно плохо описывается в DFT. Кроме того, адекватное решение уравнений Кона-Шэма для электронных наноустройств с тысячами атомами возможно только на мощных параллельных компьютерах.

В данной работе в рамках расширенного метода Хюккеля предпринята попытка определить основные электротранспортные характеристики наноконтакта «ниобий – ДНК – ниобий» («Nb – DNA – Nb»).

# 2. ОПИСАНИЕ ОБЪЕКТА И МЕТОДОВ ИССЛЕ-ДОВАНИЯ

Геометрия исследуемого наноконтакта приведена

<sup>\*</sup> serdau@rambler.ru

на рис. 1 а-в. Исследуемая наносистема «Nb – DNA – Nb» состоит из 2236 атомов и имеет три области с общим размером ~ 70,67 Å: центральная область, левая и правая области электродов. Центральная область включает активные части наноустройства в виде фрагмента ДНК, состоящего из 642 атомов, где происходит рассеяния квазичастиц в области  $\sim 33,35$  Å. Электроды получены путем расширения центральной области по оси С на  $\sim 9,335$  Å. Расстояние между электродами составляет  $\sim 52$  Å, где размещена центральная область наносистемы из 1726 атомов.



Рис. 1 – Геометрия наноконтакта Nb – DNA – Nb: a) ZX-plane; б) YX-plane; в) ZY-plane

Известно, что в подобных наносистемах процесс переноса заряда через молекулы ДНК осуществляется двумя механизмами: когерентный транспорт и некогерентный транспорт [9]. При когерентном транспорте происходит туннелирование квазичастицы от истока к стоку, при этом она не обменивается энергией с молекулой ДНК, т.е. не локализуется. В таком случае, скорость транспорта заряда квазичастиц определяет межэлектродное расстояние, т.е. она экспоненциально уменьшается с увеличением расстояния между истоком и стоком (рис. 2 а). Второй механизм электронного транспорта квазичастицы позволяет перемещать ее на большие расстояния. В отличие от когерентного транспорта при этом механизме квазичастица локализуется на молекуле ДНК, который способствует осуществлению прыжкового механизма заряда между дискретными молекулярными орбиталями (рис. 2 б). При таком скачкообразном механизме заряженная частица способна мигрировать на большие молекулярные расстояния. В рассматриваемой наносистеме Nb – DNA – Nb объем рассеяния квазичастиц составляет всего лишь

~ 22 нм<sup>3</sup>, что показывает доминирование первого механизма – когерентного электронного транспорта, т.е. процессы рассеяния квазичастиц не изменяют фазу волновой функции. Когерентный электротранспорт обычно описывается с помощью метода коэффициентов пропускания, в котором принято, что наноструктура соединена с контактами двумя идеальными электродами [11]. Основные уравнения данного метода приведены ниже (1-8).

Компьютерное моделирование наноконтакта производилось в рамках расширенного метода Хюккеля с применением метода неравновесных гриновских функций (NEGF – Non-Equilibrium Green's Functions) [12]. Расчет электротранспортных свойств наноконтакта состоит из двух этапов. В первом этапе производится самосогласованный расчет для ниобиевых электродов в направлении протекания тока. Во втором этапе определяются матрицы плотности, оценивается плотность реального пространства и вычисляется потенциал Хартри. Подробное описание данного метода см. в работах [13-15].



Рис. 2 – Основные механизмы электронного транспорта в наноконтакте Nb – DNA – Nb: a) когерентный транспорт; б) некогерентный транспорт

Для расчета матрицы плотности центральной области, сначала производится самосогласованный расчет левого и правого электродов и определяется соответствующие уровни Ферми:  $\varepsilon_L^F$  и  $\varepsilon_R^F$ . С учетом напряжения смещения между двумя ниобиевыми электродами  $V_{bias}$  определяем левый и правый химические потенциалы:  $\mu_L = \varepsilon_L^F - eV_{bias}$  и  $\mu_R = \varepsilon_L^F$ . Приложенное напряжение смещение перемещает квазичастицы от левого электрода к правому, тем самым вызывая электрический ток слева направо. Матрица плотности рассматриваемой неравновесной системы представляется в виде суммы матриц плотностей состояний левого и правого электродов:

$$D = D^L + D^R, \qquad (1)$$

где  $D^L$ ,  $D^R$  – матрица плотности левого и правого электродов, соответственно.

$$D^{L} = \int \rho^{L}(\varepsilon) f\left(\frac{\varepsilon - \mu_{L}}{k_{B}T_{L}}\right) d\varepsilon , \qquad (2)$$

где  $\varepsilon$  – энергия,  $\rho^L(\varepsilon)$  – спектральная матрица,  $f(\varepsilon)$  – фермиевская функция распределения квазичастиц по энергиям,  $k_B$  – постоянная Больцмана,  $\mu_L$  – электрохимический потенциал,  $T_L$  – текущая температура левого электрода. Матрица плотности для правого электрода  $D^R$  находится аналогичным уравнением. Спектральная матрица определяется с применением гриновских функций:

$$\rho^{L}(\varepsilon) = \frac{1}{2\pi} G(\varepsilon) \Gamma^{L}(\varepsilon) G^{\dagger}(\varepsilon), \qquad (3)$$

где  $\Gamma^{L}(\varepsilon)$  – матрица уширения (функция уширения),  $G(\varepsilon)$ ,  $G^{\dagger}(\varepsilon)$  – запаздывающая и опережающая функции Грина. Матрица уширения левого электрода описывается следующим уравнением:

$$\Gamma^{L}(\varepsilon) = \frac{1}{i} \left( \sum^{L} - \left( \sum^{L} \right)^{\dagger} \right), \qquad (4)$$

где *i* – мнимая единица,  $\sum_{i}^{L}$  – собственная энергия левого электрода. Аналогичное уравнение существует для матрицы плотности правого электрода. Запаздывающая функция Грина представлена в виде

$$G(\varepsilon) = \left[ \left( \varepsilon + i\delta_{+} \right) S - H - \sum^{L} \left( \varepsilon \right) - \sum^{R} \left( \varepsilon \right) \right]^{-1}, \quad (5)$$

где  $\delta_{\scriptscriptstyle +}$  – бесконечно малое положительное число, S – матрица интегралов перекрытия, H – гамильтонова матрица.

После получения самосогласованного одноэлектронного гамильтониана определяется функция пропускания рассматриваемого наноконтакта, которая применяется в дальнейшем для определения его вольтамперной характеристики (ВАХ) и дифференциальной проводимости. По амплитуде пропускания  $t_k$  определяется доля состояния рассеяния k, распространяющегося через структуру, тогда коэффициент пропускания при энергии є определяется суммированием амплитуды пропускания  $t_k$  из всех состояний при этой энергии:

$$T(\varepsilon) = \sum_{k} t_{k}^{\dagger} t_{k} \delta(\varepsilon - \varepsilon_{k}), \qquad (6)$$

где  $t_k$  — амплитуда пропускания,  $\delta(\varepsilon)$  — дельта функция. Применяя формулы (4)-(6) спектр пропускания можно вычислить на основе выражения:

$$T(\varepsilon) = \operatorname{tr}\left[\Gamma^{L}G\Gamma^{R}G^{\dagger}\right] = \operatorname{tr}\left[\Gamma^{R}G\Gamma^{L}G^{\dagger}\right].$$
(7)

Ток, протекающий сквозь наноконтакт, определяется на основе известного уравнения Ландауэра, указывающего фундаментальную связь электрического тока со спектром пропускания:

$$I = \frac{2e}{h} \int_{-\infty}^{+\infty} T\left(\varepsilon\right) \left[ f\left(\frac{\varepsilon - \mu_R}{k_B T_R}\right) - f\left(\frac{\varepsilon - \mu_L}{k_B T_L}\right) \right] d\varepsilon , \qquad (8)$$

где e – заряд электрона, h – постоянная Планка,  $T_R$ ,  $T_L$  – текущие температуры и  $\mu_R$ ,  $\mu_L$  – химические потенциалы правого и левого электрода.

#### 3. ОПИСАНИЕ И АНАЛИЗ РЕЗУЛЬТАТОВ

Результаты компьютерного моделирования спектра пропускания, BAX, dI/dV-спектра наноконтакта «Nb – DNA – Nb» приведены на рис. 3, 4.

Особенности спектра пропускания наноконтакта (в виде максимумов) в отсутствии напряжения смещения наблюдается при энергиях -3,2 эВ, -2,7 эВ, -2,4 эВ, -1,6 эВ, -1 эВ и 3,4 эВ (рис. 3 б). При V<sub>bias</sub> = -0,4 В и -0,8 В особенности спектра пропускания, проявляющиеся при -3,2 эВ наблюдаются при -3 эВ, т.е. смещены на 0,2 эВ. При напряжениях смещения в интервале -1,2÷1,2 В на спектре пропускания исчезают максимумы при энергиях -3,2 эВ и -2,7 эВ. Спектры пропускания рассматриваемой системы с отчетливыми максимумами напоминают

спектр резонансных туннельных структур [11]. Возможно, это обусловлено низкой размерностью центральной области наносистемы, состоящей из фрагмента ДНК с размером ~ 33,35 Å (рис. 1).



Рис. 3 – Эволюция спектра пропускания наноконтакта «Nb – DNA – Nb» с увеличением напряжения смещения Vbias от – 2 В до 2 В

Результаты моделирования вольтамперных характеристик (ВАХ) и дифференциальной проводимости приведены на рис. 4. Как видно, ВАХ наноконтакта нелинейная И напоминает зависимость токнапряжение двухтерминального переключающего устройства по постоянному току (рис. 4, пунктирная линия). В интервале напряжений ≈ -0,8÷0,8 В ток через фрагмент ДНК практически не протекает ( $I \sim 0$ ). Это показывает, что в этом интервале напряжений наносистема ведет себя как диэлектрик. В отличие от ВАХ двухтерминального устройства в интервалах напряжений -1,6÷-0,8В и 0,8÷1,6В наблюдается возмущение тока до 10 нА при отрицательных Vbias и до -5 нА при положительных Vbias. Такое искажение ВАХ возможно связана с кулоновской блокадой, так как в рассматриваемой системе при транспортировке электронов выполняются благоприятные для этого эффекта условия: энергия минимальной величины заря-

да  $E_q = \frac{e^2}{2C} >> k_B T$ ; проводимость туннельного транс-

порта  $G << G_0 = \frac{4e^2}{h}$ . (Здесь C – емкость наносистемы,

 $G_0$  — квант проводимости). Переключение ВАХ с OFF режима в ON режим происходит в интервале напряжений  $-1,6\div1,6$  В. Это показывает, что основной механизм переноса заряда в рассматриваемой наносистеме является туннелирование.



Рис. 4 – Вольт-амперная характеристика и дифференциальная проводимость наноконтакта Nb – DNA – Nb

Дифференциальная проводимость наносистемы имеет пиковую структуру, в интервале напряжений -0,7÷0,7 В принимает нулевое значение. Ее максимумы 675 нСм, 63 нСм, 25 нСм, 440 нСм проявляются при значениях напряжения смещения –2 В, -0,9 В, 0,9 В, 2 В, соответственно. Минимумы dI/dVспектра наносистемы –30 нСм и –20 нСм возникают в виде «провалов» при напряжениях смещения -1,3 В и 1,3 В (рис. 4).

В работе [16] экспериментально исследованы ВАХ и дифференциальная проводимость наносистемы Pt – DNA – Pt с длиной 10,4 нм, где показано, что ток через

О КОГЕРЕНТНОМ ЭЛЕКТРОННОМ ТРАНСПОРТЕ...

ДНК не протекает в интервале пороговых напряжений -0,7÷2 В, а при последующих измерениях при тех же условиях получены сходные характеристики по форме, но с изменением ширины порогового напряжения -0,7÷0,7 В. В работе [17] численно вычислен электрический ток, протекающий через несколько типов последовательностей ДНК, описанных различными эвристическими моделями. В этой работе расчет тока осуществлялся путем интегрирования функции передачи в диапазоне энергий, разрешенных химическими потенциалами, и показано, что проявление диэлектрических свойств молекулы ДНК варьируется напряжением смещения в интервале от -1 В до 1 В. Как видно, результаты наших вычислений порогового напряжения удовлетворительно согласуются экспериментальными данными.

#### 4. ВЫВОДЫ

Таким образом, в данной работе в рамках полуэмпирического распиренного метода Хюккеля исследованы основные электротранспортные характеристики (спектры пропускания при различных значениях напряжения смещения, ВАХ, дифференциальная проводимость) наноконтакта Nb – DNA – Nb. Показано, что при низком приложенном напряжении (в интервале  $V_{bias} = -0, 8 \div 0, 8$  В) молекула ДНК ведет себя как

диэлектрик, и сквозь нее не течет электрический ток. В интервале напряжении  $V_{bias} = -1, 6 \div -0, 8 \text{ B}$ Vbias = 0,7÷1,6 В обнаружено ограничение транспорта квазичастиц через наноконтакт подобное кулоновской блокаде, и это объясняется выполнением благоприятного условия для проявления данного эффекта  $(E_a >> k_B T, G << G_0)$ . Однако, следует отметить, что кулоновская блокада вносит незначительный вклад в электротранспорт наносистемы. Выявлено, что рассматриваемая наносистема обладает относительно высокими показателями электротранспорта квазичастиц. Приведена эволюция спектра пропускания наноструктуры с увеличением напряжения смещения (от -2 В до 2 В), при этом поведение спектра пропускания с острыми резонансными пиками является доказательством эффекта резонансного туннелирования в рассматриваемых структурах. Полученные результаты могут быть полезными для расчетов новых перспективных электронных приборов органической наноэлектроники.

### БЛАГОДАРНОСТИ

Работа выполнена при частичной поддержке гранта Министерства образования и науки Республики Казахстан (проект №4903/ГФ4).

### About Coherent Electron Transport in Nanocontacts "Nb - DNA - Nb"

D. Sergeyev<sup>1,2</sup>, N. Tumyshev<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Zhubanov Aktobe Regional University, 34, Moldagulova Ave., 030000 Aktobe, Kazakhstan
<sup>2</sup> Begeldinov Military Institute of Air Defence Forces, 39, Moldagulova Ave., 030012 Aktobe, Kazakhstan

The coherent electronic transport of a nanosystem "Nb – DNA – Nb" was investigated, within the semiempirical Hückel's method. The calculation was implemented in the Atomistix ToolKit with Virtual NanoLab. The transmission spectrum, the current-voltage characteristic, and the differential conductivity of the nanosystem were calculated. It is shown that in the range of the bias voltage  $V_{bias} = -0.8 \div 0.8$  V, the fragment of the DNA molecule behaves like a dielectric and through it does not flow electric current, while a volt-ampere characteristic of the nanocontact forms a voltage discontinuity with a width of 1.6 V. In the field of contacting the nucleus of the nanosystem (DNA fragment) with niobium, quasi-particle transport is restricted through nanocontacts, similar to the Coulomb blockade, but this effect makes a minor contribution to the electric transport of the nanosystem. The obtained results can be useful for calculations of promising elements of organic nanoelectronics.

**Keywords:** Nanocontact, Deoxyribonucleic Acid (DNA), Electronic transport, Current-Voltage characteristic, Differential conductivity, Transmission spectra.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Y. Kanbur, M. Irimia-Vladu, E.D. Głowacki, G. Voss, M. Baumgartner, G. Schwabegger, *Org. Electron.* 13, 919 (2012).
- 2. D. Sergeyev, J. Nano- Electron. Phys. 10, 03018 (2018).
- 3. M.C. Petty, *Molecular Electronics: From Principles to Practice*, 544 (Wiley Series in Materials for Electronic & Optoelectronic Applications, Wiley, 2008).
- Y.S. Gerasimov, V.V. Shorokhov, A.G. Maresov, E. S. Soldatov, O.V. Snigirev, J. Radio Electron. 2, 1 (2013).
- 5. D.M. Sergeyev, Solid State Phenom. 200, 272 (2013).
- 6. D. Sergeyev, *Russ. Phys. J.* **59**, 456 (2016).
- 7. K. Wang, J. Funct. Biomater. 9 No 1, 8 (2018).
- A.Yu. Kasumov, M. Kociak, S. Gueron, B. Reulet, V.T. Volkov, D.V. K1inov, H. Bouchiat, *Science* 291, 280 (2001).
- 9. S. Delaney, J.K. Barton, J. Org. Chem. 68, 6475 (2003).

- J. Gutiérrez-Flores, E. Ramos, C.I. Mendoza, E. Hernández-Lemus, *Biophys. Chem.* 233, 26 (2018).
- S. Datta, Quantum Transport: Atom to Transistor, 404 (Cambridge: Univ. Press: 2005).
- K. Stokbro, D.E. Petersen, S. Smidstrup, A. Blom, M. Ipsen, *Phys. Rev. B* 82, 075420 (2010).
- M. Brandbyge, J.-L. Mozos, P. Ordejon, J. Taylor, K. Stokbro, *Phys. Rev. B* 65, 165401 (2002).
- D. Sergeyev, K. Shunkeyev, J. Nano- Electron Phys. 9, 06019 (2017).
- 15. D. Sergeyev, K. Shunkeyev, Russ. Phys. J. 60, 1938 (2018).
- D. Porath, A Bezryadin, S. de Vries, C. Dekker, *Nature* 403, 635 (2000).
- C.J. Paez, P.A. Schulz, N.R. Wilson, R.A. Romer, *New J. Phys.* 14, 093049 (2012).